



## Fiche méthode

## Page de CALCULS

Pour entrer l'expression d'une fonction  $f$  on écrit  $f(x) :=$

La touche  $:=$  est accessible en faisant CTRL-

On peut déterminer le plus grand ensemble de définition à l'aide de l'instruction **domain**.

On peut aussi imposer l'ensemble de définition en ajoutant  $|$  (accessible à l'aide de CTRL-).

Dans l'exemple ci-contre on a défini la fonction  $f$  sur  $\mathbb{R}_+$ .

1.1 1.2 \*Fiche 02 RAD

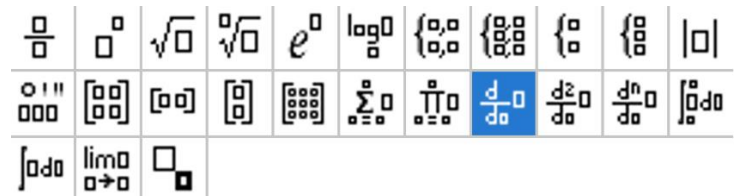
$h(x) := \ln(2 \cdot x - 1)$  Terminé

$\text{domain}(h(x), x)$   $\frac{1}{2} < x < \infty$

$f(x) := \frac{e^x - 3}{e^{2 \cdot x} + 1} | x \geq 0$  Terminé

## Editeur de symboles

La touche permet de faire apparaître de nombreux symboles mathématiques pour réaliser des opérations mathématiques courantes rapidement.



## Calcul d'une dérivée

A l'aide de l'éditeur de symboles mathématiques, on obtient rapidement l'expression de la dérivée de la fonction  $f$  :

$$\frac{d}{dx}(f(x)) = \frac{-e^x \cdot (e^{2 \cdot x} - 6 \cdot e^x - 1)}{(e^{2 \cdot x} + 1)^2}$$

Etude du signe de  $f'(x)$ 

L'étude du signe de la dérivée se fait avec l'instruction **solve** (accessible dans MENU | Algèbre | Résoudre) en précisant la variable à la fin de l'instruction. Le symbole  $>$  s'obtient avec CTRL-.

$$\text{solve}\left(\frac{d}{dx}(f(x)) > 0, x\right) = 0 < x < \ln(\sqrt{10} + 3)$$

Ici on obtient que  $f$  est strictement croissante sur  $]0; \ln(\sqrt{10} + 3)[$ .

$$f(\ln(\sqrt{10} + 3)) = \frac{\sqrt{10} - 3}{2}$$

On peut trouver la valeur exacte de l'image de  $\ln(\sqrt{10} + 3)$  par  $f$  :

$$f\text{Max}(f(x), x) = x = \ln(\sqrt{10} + 3)$$

Il existe une instruction pour obtenir directement l'abscisse du maximum de  $f$  sur son ensemble de définition : **fMax** (accessible dans MENU | Analyse | Maximum d'une fonction).

## Limites aux bornes

L'avant dernier symbole de l'éditeur nous permet de calculer  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

Le symbole  $\infty$  est obtenu en appuyant sur

$$\lim_{x \rightarrow \infty} (f(x)) = 0$$

Remarque : Pour la limite au voisinage de  $+\infty$  il faut écrire  $x \rightarrow \infty$  (sans le +).

On peut aussi déterminer les limites au voisinage du réel  $a$  par valeurs supérieures (on écrira  $x \rightarrow a^+$ ) et par valeurs inférieures (en écrivant  $x \rightarrow a^-$ ).

